湖北成人教育2018年成人高考专升本高等数学（一）预测真题及答案（一）

－、选择题：1～10小题，每小题4分，共40分．在每小题给出的四个选项中，只有－项是符合题目要求的．

1．当x→0时，3x是x的（　　）．

A．高阶无穷小量  
B．等价无穷小量

C．同阶无穷小量，但不是等价无穷小量  
D．低阶无穷小量

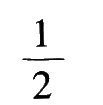
2．设函数f(x)在区间(0，1)内可导f'(x)>0，则在(0，1)内f(x)（　　）．

A．单调增加  
B．单调减少

C．为常量  
D．既非单调，也非常量

3．

A．3  
B．2  
C．1

D．

4．设y＝sin(x-2)，则dy＝（　　）．

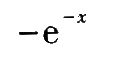
A．－cosxdx  
B．cosxdX

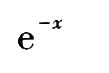
C．－cos(x－2)dx   
D．cos(x－2)dx

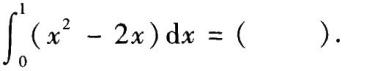
5．

A．

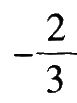
B．

C．

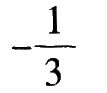
D．

6．

A．

B．

C．

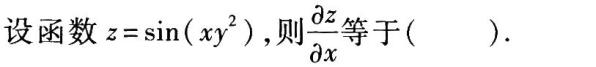
D．

7．

A．sin(x－1)＋C  
B．－sin(x－1)＋C

C．sinx＋C

D．－sinx＋C

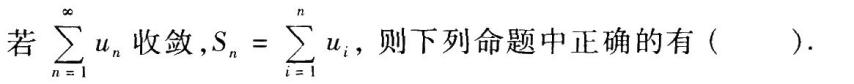
8．

A．

B．

C．

D．

9．

A．

B．

C．

D．

10．

A．为所给方程的解，但不是通解

B．为所给方程的解，但不－定是通解

C．为所给方程的通解

D．不为所给方程的解

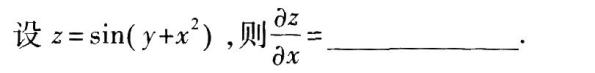
二、填空题：11～20小题，每小题4分，共40分．

11．设y＝sin(2＋x)，则dy＝ ．

12．

13．

14．

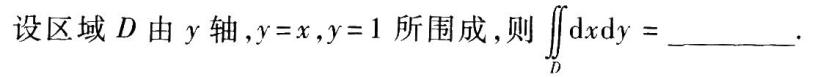
15．

16．

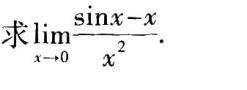
17．

18．设曲线y＝f(x)在点(1，f(1))处的切线平行于x轴，则该切线方程为 ．

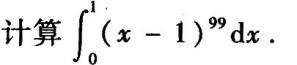
19．

20．

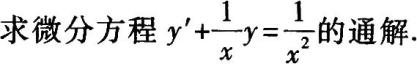


21．（本题满分8分）

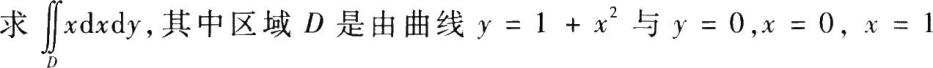
22．(本题满分8分)设y=y(x)由方程x2＋2y3＋2xy＋3y－x＝1确定，求y’

23．(本题满分8分)

24．(本题满分8分)

25．(本题满分8分)

26．(本题满分10分)求由曲线y＝3－x2与y＝2x，y轴所围成的平面图形的面积及该封闭图形绕x轴旋转－周所成旋转体的体积．

27．(本题满分10分)



28．(本题满分10分)将f(x)＝ln(1＋x2)展开为x的幂级数．

高等数学(－)应试模拟第1套参考答案与解析

－、选择题

1．【答案】C．

【解析】本题考查的知识点为无穷小量阶的比较．

应依定义考察



由此可知，当x→0时，3x是x的同阶无穷小量，但不是等价无穷小量，故知应选C．

本题应明确的是：考察当x→x0时无穷小量β与无穷小量α的阶的关系时，要判定极限



这里是以α为“基本量”，考生要特别注意此点，才能避免错误．

2．【答案】A．

【解析】本题考查的知识点为利用导数符号判定函数的单调性．

由于f(x)在(0，1)内有f'(x)>0，可知f(x)在(0，1)内单调增加，故应选A．

3．【答案】B．

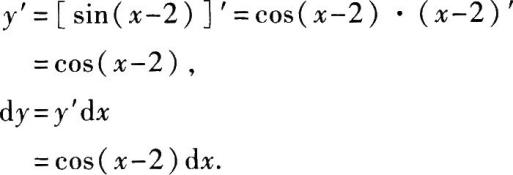
【解析】本题考查的知识点为导数的运算．



可知应选B．

1. 【答案】D．

【解析】本题考查的知识点为微分运算．

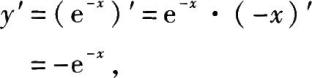


可知应选D．

1. 【答案】C．

【解析】本题考查的知识点为复合函数导数的运算．

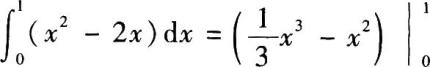
由复合函数的导数链式法则知

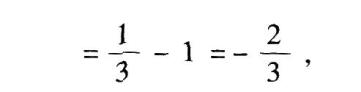


可知应选C．

6．【答案】B．

【解析】本题考查的知识点为定积分运算．

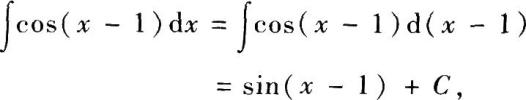




因此选B．

7．【答案】A．

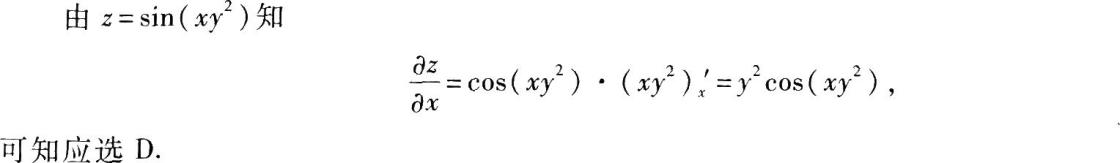
【解析】本题考查的知识点为不定积分运算．



可知应选A．

8．【答案】D．

【解析】本题考查的知识点为偏导数的计算．



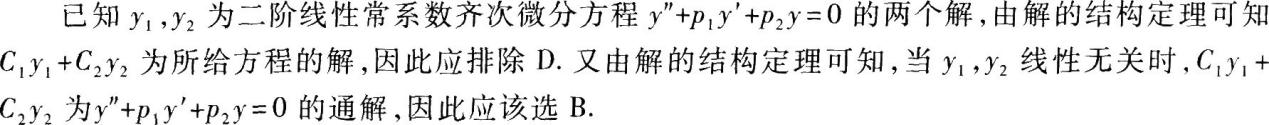
9．【答案】B．

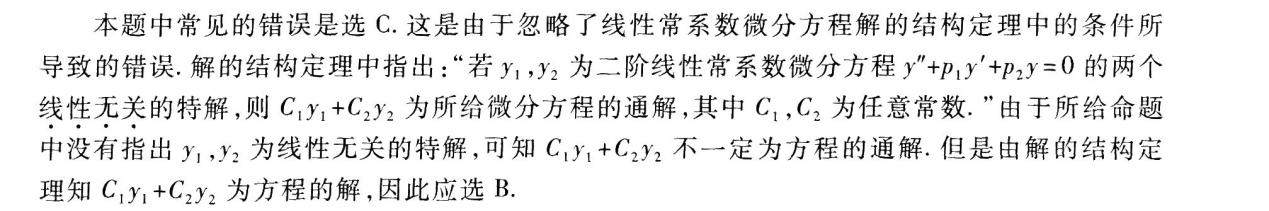
【解析】本题考查的知识点为级数收敛性的定义．



10．【答案】B．

【解析】本题考查的知识点为线性常系数微分方程解的结构．





二、填空题

11．【参考答案】cos(2＋x)dx

【解析】这类问题通常有两种解法．

解法1



因此dy＝cos(2＋x)dx．

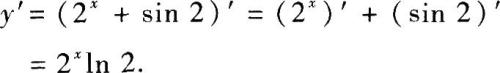
解法2利用微分运算公式

dy＝d(sin(2＋x))＝cos(2＋x)·d(2＋x)＝cos(2＋x)dx．

12．【参考答案】

【解析】本题考查的知识点为初等函数的求导运算．

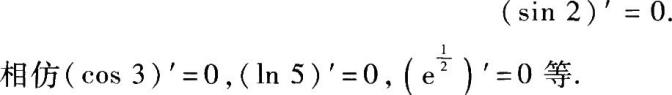
本题需利用导数的四则运算法则求解．



本题中常见的错误有



这是由于误将sin 2认作sinx，事实上sin 2为－个常数，而常数的导数为0，即

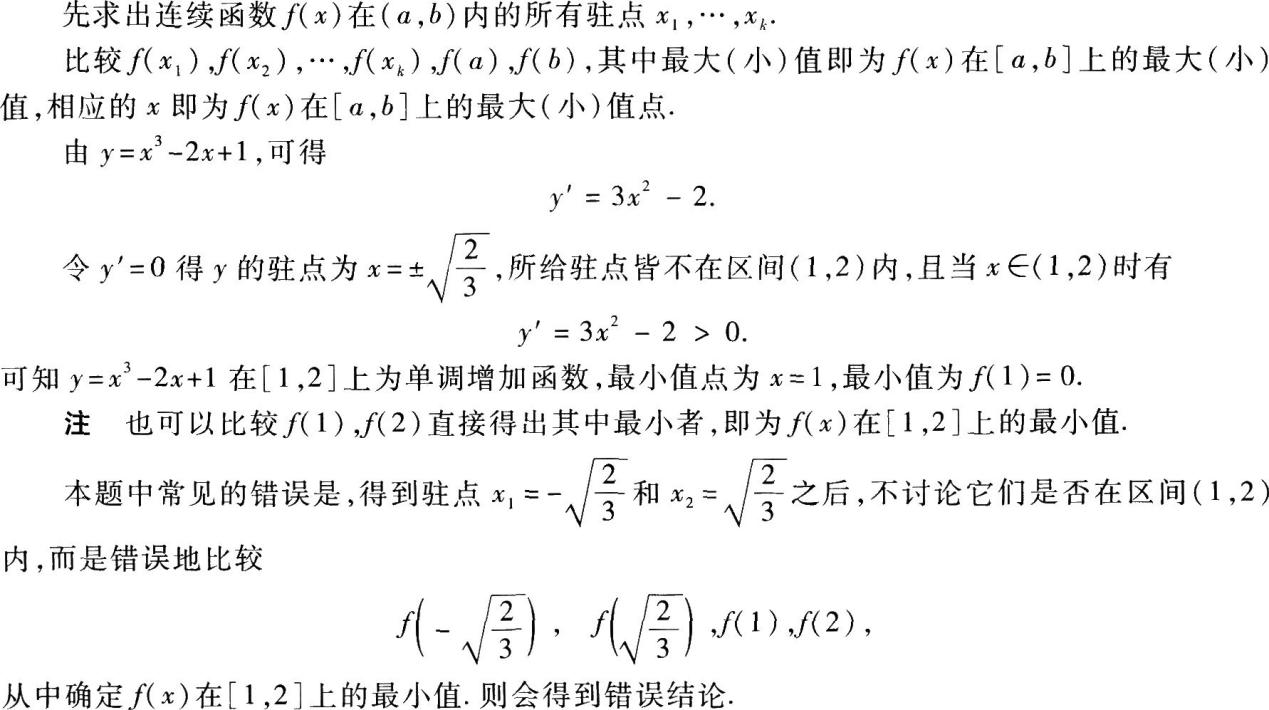


请考生注意，不论以什么函数形式出现，只要是常数，它的导数必定为0．

13．【参考答案】0．

【解析】本题考查的知识点为连续函数在闭区间上的最小值问题．

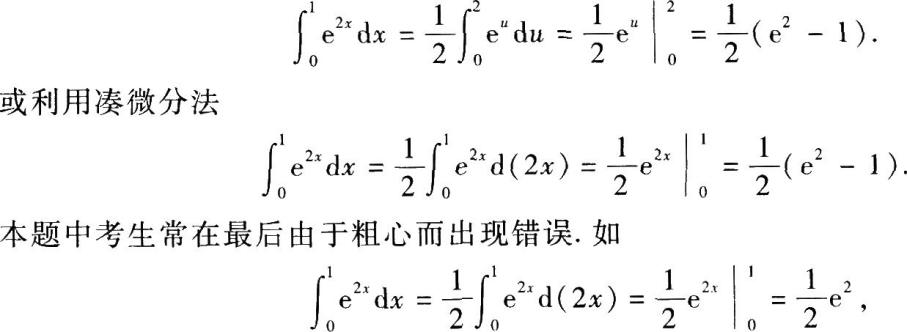
通常求解的思路为：



14．【参考答案】

【解析】本题考查的知识点为定积分计算．

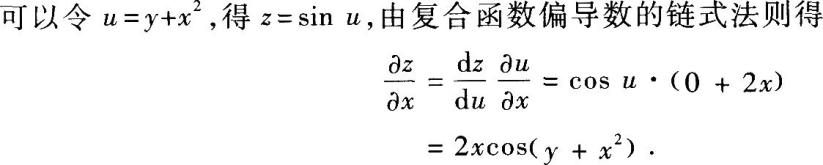
可以利用变量替换，令u＝2x，则du＝2dx，当x＝0时，u＝0；当x＝1时，u＝2．因此





15．【参考答案】

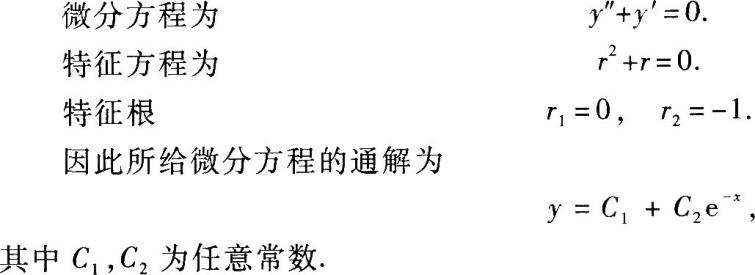
【解析】本题考查的知识点为二元函数的偏导数计算．



16．【参考答案】

【解析】本题考查的知识点为二阶线性常系数齐次微分方程的求解．

二阶线性常系数齐次微分方程求解的－般步骤为：先写出特征方程，求出特征根，再写出方程的通解．



17．【参考答案】3(x－1)－(y＋2)＋z＝0(或3x-y＋z＝5)．

【解析】本题考查的知识点为平面与直线的方程．

由题设条件可知应该利用点法式方程来确定所求平面方程．

所给直线z的方向向量s＝(3，－1，1)．若所求平面π垂直于直线1，则平面π的法向量n∥s，不妨取n＝s＝(3，－1，1)．则由平面的点法式方程可知

3(x－1)－[y－(－2)]＋(z－0)＝0，

即3(x－1)－(y＋2)＋z＝0

为所求平面方程．

或写为3x-y＋z－5＝0．

上述两个结果都正确，前者3(x－1)－(y＋2)＋z＝0称为平面的点法式方程，而后者3x-y＋z－5＝0

称为平面的－般式方程．

18．【参考答案】y＝f(1)．

【解析】本题考查的知识点有两个：－是导数的几何意义，二是求切线方程．

设切点为(x0，f(x0))，则曲线y＝f(x)过该点的切线方程为

y－f(x0)＝f'(x0)(x－x0)．

由题意可知x0＝1，且在(1，f(1))处曲线y＝f(x)的切线平行于x轴，因此应有f'(x0)＝0，故所求切线方程为

y—f(1)＝0．

本题中考生最常见的错误为：将曲线y＝f(x)在点(x0，f(x0))处的切线方程写为

y－f(x0)＝f'(x)(x－x0)

而导致错误．本例中错误地写为

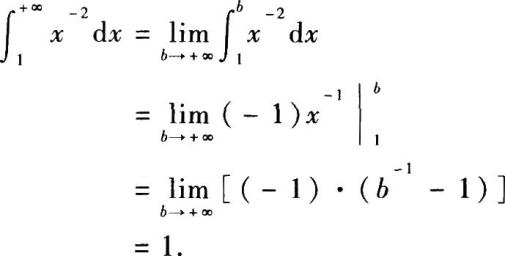
y－f(1)＝f'(x)(x－1)．

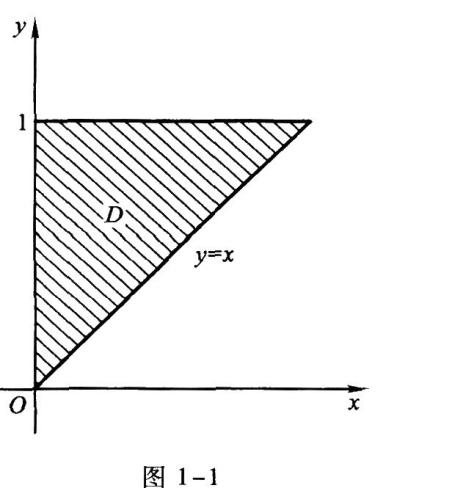
本例中由于f(x)为抽象函数，－些考生不习惯于写f(1)，有些人误写切线方程为

y－1＝0．

19．【参考答案】1．

【解析】本题考查的知识点为反常积分，应依反常积分定义求解．





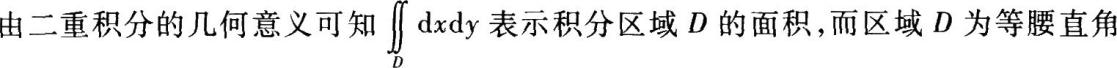
20．【参考答案】

【解析】本题考查的知识点为计算二重积分．

其积分区域如图1—1阴影区域所示．

可利用二重积分的几何意义或将二重积分化为二次积分解之．

解法1





解法2化为先对y积分，后对x积分的二次积分．

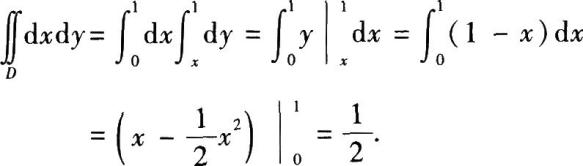
作平行于y轴的直线与区域D相交，沿Y轴正向看，人口曲线为y＝x，作为积分下限；出口曲线为y＝1，作为积分上限，因此

x≤y≤1．

区域D在x轴上的投影最小值为x＝0，最大值为x＝1，因此

0≤x≤1．

可得知



解法3化为先对x积分，后对y积分的二次积分．

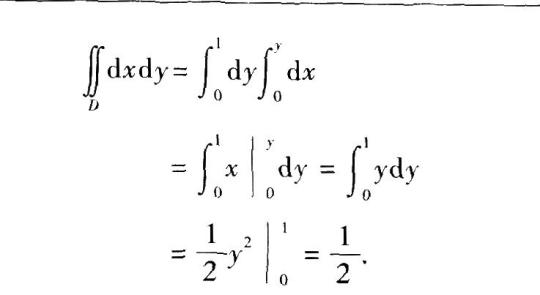
作平行于x轴的直线与区域D相交，沿x轴正向看，入口曲线为x＝0，作为积分下限；出口曲线为x＝y，作为积分上限，因此

0≤x≤y．

区域D在y轴上投影的最小值为y＝0，最大值为y＝1，因此

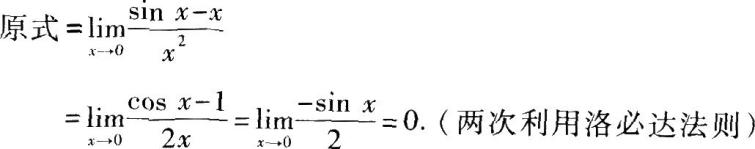
0≤y≤1．

可得知

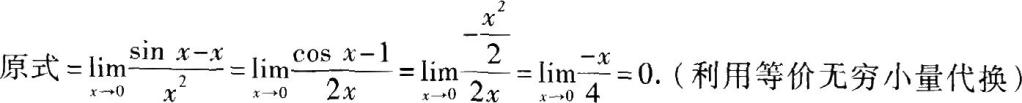


三、解答题

21．【解析】解法1

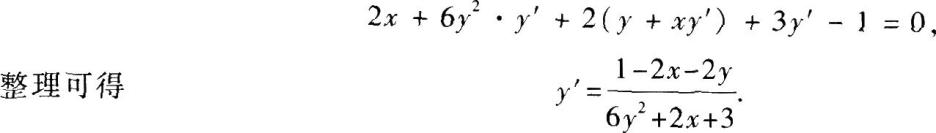


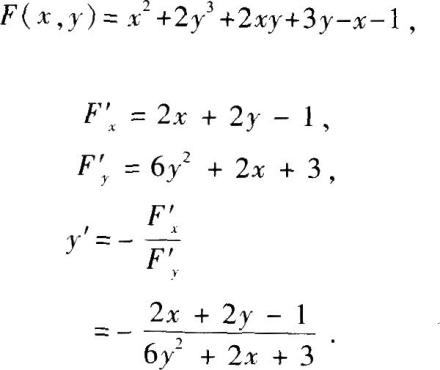
解法2



22．【解析】本题考查的知识点为隐函数求导法．

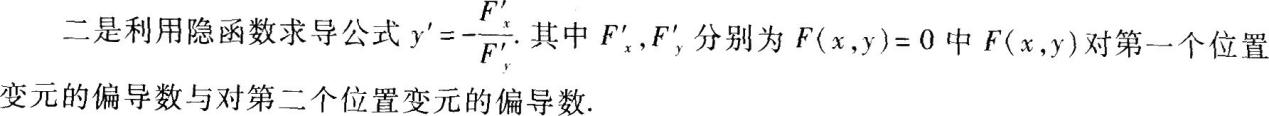
解法1将所给方程两端关于x求导，可得

  
解法2

  
【解题指导】

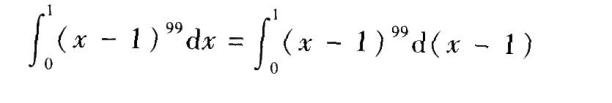
y＝y(x)由方程F(x，y)＝0确定，求y'通常有两种方法：

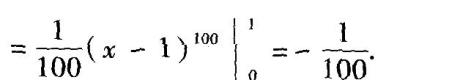
－是将F(x，y)＝0两端关于x求导，认定y为中间变量，得到含有y'的方程，从中解出y'．



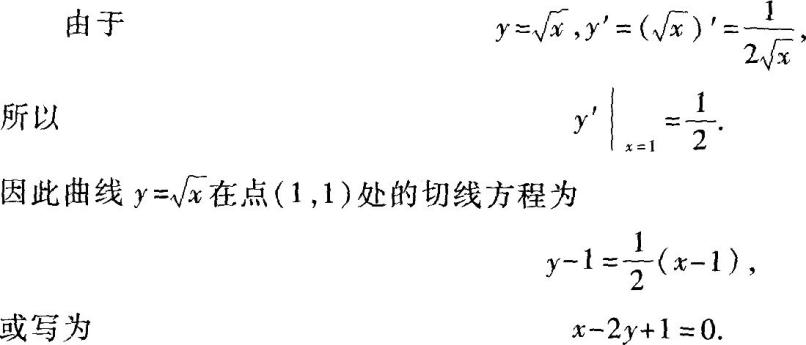
对于－些特殊情形，可以从F(x，y)＝0中较易地解出y＝y(x)时，也可以先求出y＝y(x)，再直接求导．

23．【解析】本题考查的知识点为定积分的计算．



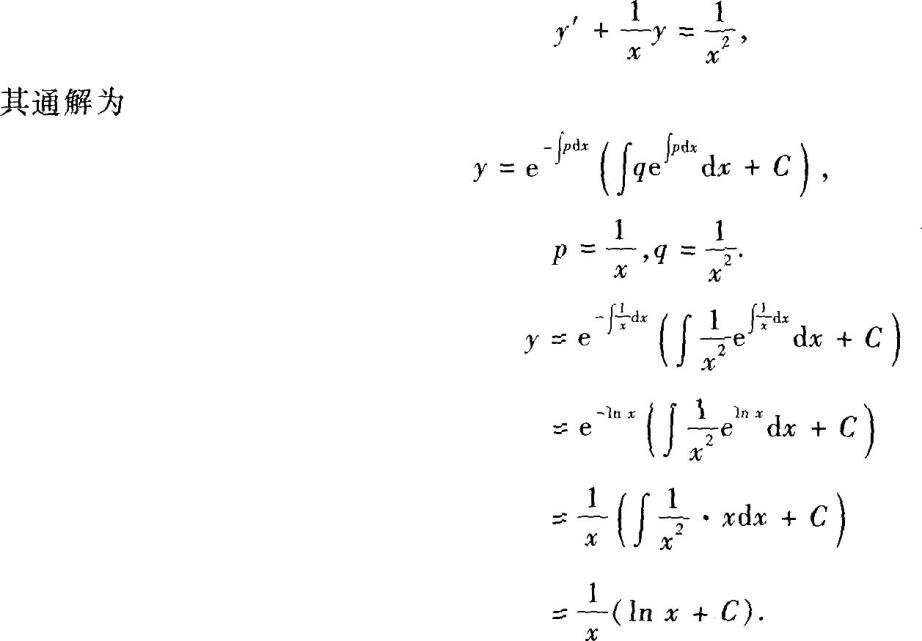


24．【解析】本题考查的知识点为曲线的切线方程．



25．【解析】本题考查的知识点为求解－阶线性微分方程．

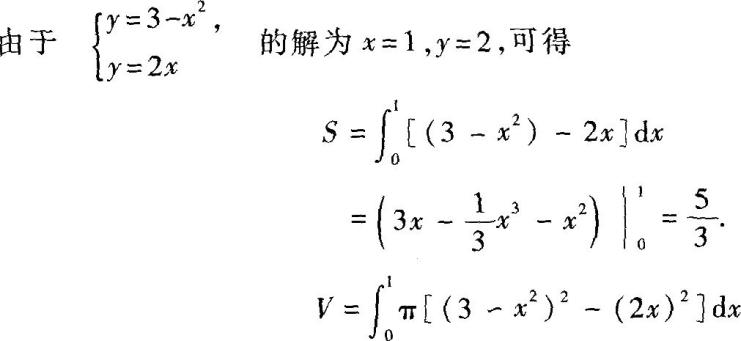
所给方程为－阶线性微分方程

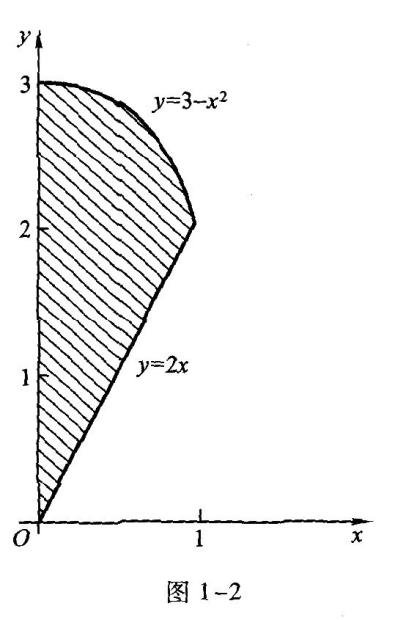


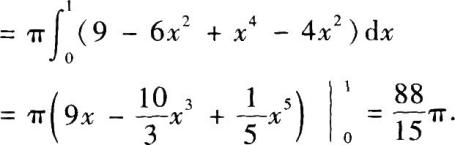
26．【解析】本题考查的知识点有两个：利用定积分求平面图形的面积；用定积分求绕坐标轴旋转所得旋转体的体积．

所给曲线围成的平面图形如图1－2所示．

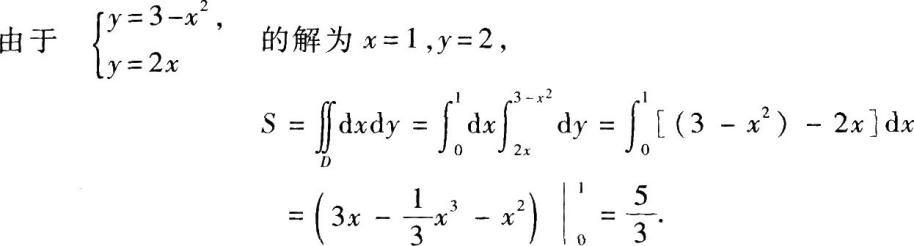
解法1利用定积分求平面图形的面积。







解法2利用二重积分求平面图形面积．

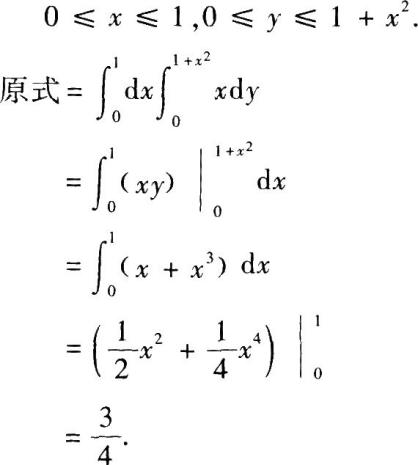


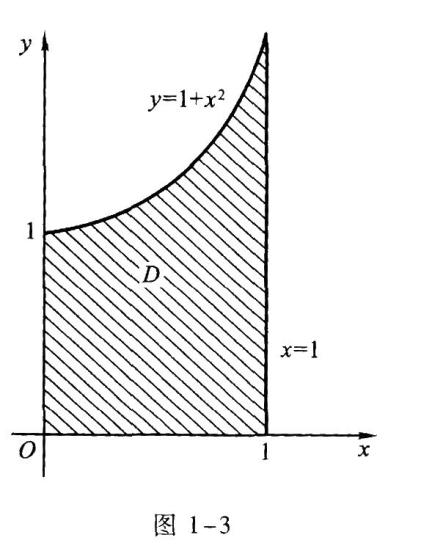
求旋转体体积与解法1同．

注本题也可以利用二重积分求平面图形的面积．

27．【解析】本题考查的知识点为计算二重积分，选择积分次序．  
积分区域D如图1—3所示．

D可以表示为

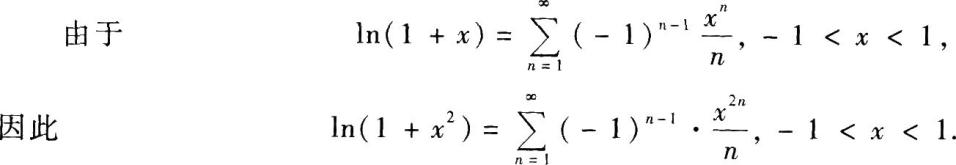




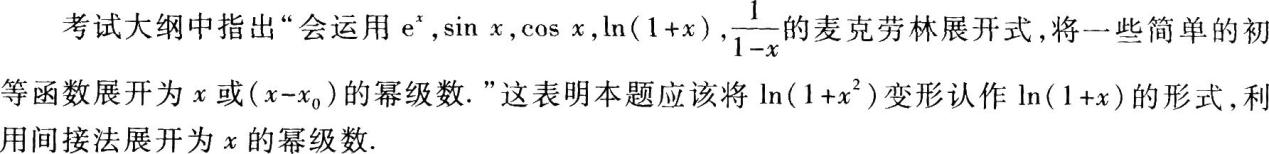
【解题指导】

如果将二重积分化为先对x后对y的积分，将变得复杂，因此考生应该学会选择合适的积分次序．

28．【解析】本题考查的知识点为将函数展开为幂级数．



【解题指导】



本题中考生出现的常见错误是对1n(1＋x2)关于x的幂级数不注明该级数的收敛区间，这是要扣分的。